

Ce document a été mis en ligne par l'organisme FormaV®

Toute reproduction, représentation ou diffusion, même partielle, sans autorisation préalable, est strictement interdite.

Pour en savoir plus sur nos formations disponibles, veuillez visiter : <u>www.formav.co/explorer</u>

## CORRIGE

Ces éléments de correction n'ont qu'une valeur indicative. Ils ne peuvent en aucun cas engager la responsabilité des autorités académiques, chaque jury est souverain.

## ÉLÉMENTS DE RÉPONSE PROPOSITION DE BARÈME

## **EXERCICE 1** (12 points)

A.1°	Toutes les solutions de $(E_0)$ sont définies sur R par : $h(x) = C e^x$ avec $C$ réel.	1 point
2°	Pour tout x réel $g'(x) = e^x + x e^x + 2$ d'où $g'(x) - g(x) = e^x - 2x$ . Donc g est solution de $(E)$ .	1,5 point
3°	Toutes les solutions de $(E)$ sont définies sur R par : $f(x) = h(x) + g(x)$ , $f(x) = Ce^x + xe^x + 2x + 2$ ou $f(x) = (x + C)e^x + 2x + 2$ avec $C$ réel quelconque.	0,5 point
4°	La solution cherchée est définie sur R par : $f(x) = (x + 1) e^x + 2x + 2$ .	1 point
B.1°	$\lim_{x \to +\infty} f(x) = +\infty.$	
	Mettre 0,25 point si le résultat n'est pas justifié.	0,5 point
2°	Réponse B.	1 point
3° a)	$f(x) = 3 + 4x + \frac{3}{2}x^2 + x^2 \varepsilon(x)$ avec $\lim_{x \to 0} \varepsilon(x) = 0$ .	1,5 point
b)	Réponse B.	1 point
c)	Réponse A.	1 point
C.1°	$f(x) = 3 + 4x + \frac{1}{2}x + x  \mathcal{E}(x)$ avec $\lim_{x \to 0} \mathcal{E}(x) = 0$ . Réponse $B$ . I = 4.	0,5 point
2°	$J = e + e^{-1}.$	1 point
3° a)	$K = 4 + e + e^{-1}$ .	0,5 point
b) c	$K \approx 7,09$ .	0,5 point
(c)	K est l'aire, en unités d'aire, de la partie du plan limitée par la	
dioli	courbe C, l'axe des abscisses et les droites d'équations $x = -1$ et $x = 1$ .	0,5 point

GROUPEMENT B DES BTS	SESSION 2010
Mathématiques Corrigé	MATGRB1 Corrigé
Durée : 2 heures	Page: 1/2

## **EXERCICE 2** (8 points)

- A.1° a) • Chaque prélèvement de 30 bouteilles est constitué par 30 épreuves élémentaires indépendantes (puisque le prélèvement est associé à un tirage avec remise).
  - Chaque épreuve élémentaire (le tirage d'une bouteille) peut déboucher sur deux résultats et deux seulement : la bouteille est non conforme, événement de probabilité p = 0.02 et la bouteille est conforme, événement de probabilité q = 1 - p = 0.98.
  - Donc la variable aléatoire X qui associe à ces tirages le nombre de bouteilles non conformes suit la loi binomiale de paramètres n = 30 et p = 0.02.

1,5 point

 $P(X \le 1) = P(X = 0) + P(X = 1).$ b)  $P(X \le 1) \approx 0.879$ .

1 point

2° a)  $\lambda = 0.6$ . 0,5 point

D'après le formulaire,  $P(Y \le 1) \approx 0.5488 + 0.3293$ ;

0,5 point

En posant  $T = \frac{Z - 70}{1}$ ,  $P(68 \le Z \le 70) = P(-2 \le T \le 2) \approx 0.95$ .

1,5 point

2,57 ou 2,58 sont des valeurs approchées de h.

1,5 point

 $\int_{0.07}^{0.07} P(Y \le 1) \approx 0.5$   $\int_{0.07}^{0.07} P(Y \le 1) \approx 0.5$   $\int_{0.07}^{0.07} P(68 \le Z \le 70) = 2.57 \text{ ou } 2.58 \text{ sont des valeurs approchées}$   $I = \left[ \overline{x} - 1.96 \frac{1}{\sqrt{100}} ; \overline{x} + 1.96 \frac{1}{\sqrt{100}} \right];$   $I \approx [69.92; 70.32].$ Non.

1 point

0,5 point

GROUPEMENT B DES BTS	SESSION 2010
Mathématiques Corrigé	MATGRB1 Corrigé
Durée : 2 heures	Page : 2/2